

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2022**  
Β' ΦΑΣΗ

E\_3.Γλ2Θ(ε)

**ΤΑΞΗ:** Β' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

**ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΣ:** ΘΕΤΙΚΩΝ ΣΠΟΥΔΩΝ

**ΜΑΘΗΜΑ:** ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ

**Ημερομηνία: Σάββατο 14 Μαΐου 2022**

**Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες**

**ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ**

**ΘΕΜΑ Α**

**A1.** Να αποδείξετε ότι:

Το εμβαδό τραπεζίου ισούται με το γινόμενο του ημιαθροίσματος των βάσεων επί το ύψος του.

**Μονάδες 15**

**A2.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιο σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη Σωστό, αν η πρόταση είναι σωστή ή Λάθος, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

- a) Ένα τόξο  $\mu^0$  έχει μήκος  $l = \frac{\pi R \mu}{360^\circ}$ , όπου  $R$  είναι η ακτίνα του κύκλου στον οποίο ανήκει.
- β) Αν μια γωνία ενός τριγώνου είναι ίση ή παραπληρωματική με μια γωνία ενός άλλου τριγώνου, τότε ο λόγος των εμβαδών των δύο τριγώνων είναι ίσος με τον λόγο των γινομένων των πλευρών που περιέχουν τις γωνίες αυτές.
- γ) Σε κάθε ορθογώνιο τρίγωνο, το τετράγωνο του ύψους του που αντιστοιχεί στην υποτείνουσα είναι ίσο με το γινόμενο των προβολών των κάθετων πλευρών του στην υποτείνουσα.
- δ) Σε κάθε κανονικό  $n$ -γωνο ακτίνας  $R$  ισχύει η σχέση  $\lambda_v^2 + \frac{\alpha^2 v}{4} = R^2$
- ε) Έστω  $A_1, A_2, \dots, A_v$  ένα κανονικό πολύγωνο με  $v$  πλευρές και έστω  $\hat{A}_1=\hat{A}_2=\dots=\hat{A}_v=\varphi_v$  τότε  $\varphi_v=180^\circ - \frac{360^\circ}{v}$ .

**Μονάδες 10**

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2022**  
Β' ΦΑΣΗ

E\_3.Γλ2Θ(ε)

**ΘΕΜΑ Β**

Τα μήκη των πλευρών  $\alpha, \beta, \gamma$  ενός τριγώνου  $ABC$  είναι  $\alpha=7$ ,  $\beta=4$ ,  $\gamma=5$ .

**B1.** Να αποδείξετε ότι το τρίγωνο  $ABC$  είναι αμβλυγώνιο.

**Μονάδες 8**

**B2.** Να σχεδιάσετε την προβολή  $A\Delta$ , της πλευράς  $AB$  πάνω στην πλευρά  $AC$  και να αποδείξετε ότι  $A\Delta=1$ .

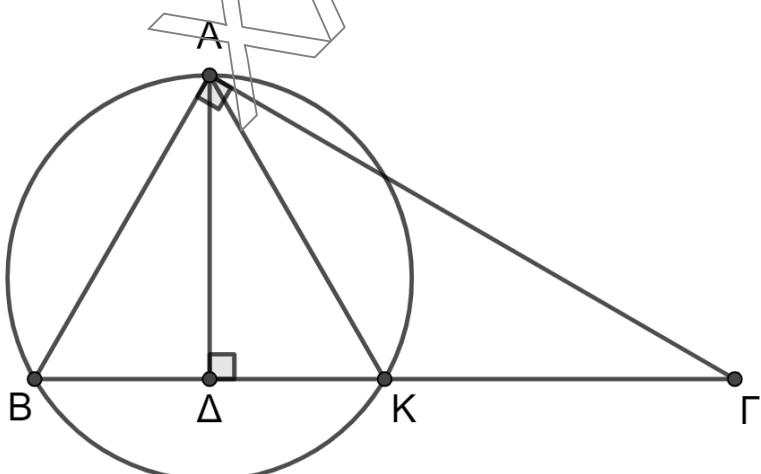
**Μονάδες 10**

**B3.** Αν  $E$  το εμβαδόν του τριγώνου  $ABC$  να αποδείξετε ότι  $E=4\sqrt{6}$ .

**Μονάδες 7**

**ΘΕΜΑ Γ**

Δίνεται ορθογώνιο τρίγωνο  $ABC$  ( $\hat{A} = 90^\circ$ ), όπου  $AD$  το ύψος και  $AK$  η διάμεσος που αντιστοιχεί στην υποτείνουσα.



Αν  $BG=12$  και  $B\Delta=3$  να δείξετε ότι:

**Γ1.** το τρίγωνο  $ABK$  είναι ισόπλευρο με εμβαδό  $9\sqrt{3}$ .

**Μονάδες 10**

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2022**  
Β' ΦΑΣΗ

E\_3.Γλ2Θ(ε)

- Γ2.** η ακτίνα R του περιγεγραμμένου κύκλου του τριγώνου ΑΒΚ είναι  $2\sqrt{3}$ , του οποίου να βρεθεί το μήκος και το εμβαδό του κυκλικού δίσκου του.

**Μονάδες 8**

- Γ3.**  $\frac{(ΑΔΒ)}{(ΑΚΓ)} = \frac{1}{2}$  όπου (ΑΔΒ), (ΑΚΓ), τα εμβαδά των τριγώνων ΑΔΒ και ΑΚΓ αντίστοιχα.

**Μονάδες 7**

**ΘΕΜΑ Δ**

Δίνεται κύκλος (Ο, R) και τα διαδοχικά του σημεία Α, Β, Γ ώστε  $AB = R\sqrt{3}$  και  $BG = R$ .

- Δ1.** Να δείξετε ότι  $\hat{B} = 90^\circ$  και ότι η περίμετρος του τριγώνου ΑΒΓ είναι  $R(3+\sqrt{3})$ .

**Μονάδες 8**

- Δ2.** Αν  $\tau_1$  και  $\tau_2$  είναι τα εμβαδά των κυκλικών τμημάτων που ορίζονται από τα τόξα ΑΒ και ΒΓ και τα αντίστοιχα ευθύγραμμα τμήματα να δείξετε ότι

$$\tau_1 + \tau_2 = \frac{R^2}{2} (\pi - \sqrt{3}).$$

**Μονάδες 9**

- Δ3.** Αν το εμβαδό των παραπάνω κυκλικών τμημάτων αθροιστικά είναι  $2(\pi - \sqrt{3})$  τότε:

- i) να δείξετε ότι η ακτίνα του κύκλου (Ο, R) είναι  $R=2$  του οποίου να βρεθεί το εμβαδό του κυκλικού δίσκου του.

**Μονάδες 4**

- ii) Αν  $\rho$  είναι η ακτίνα του εγγεγραμμένου κύκλου στο τρίγωνο ΑΒΓ τότε  $\rho = \sqrt{3} - 1$ .

**Μονάδες 4**